Quark





Quark con masa $m = \infty$ = Cuerda c/extremo en z = 0[Maldacena] P.ej., $\left\langle \operatorname{Tr} \left[F^2(\vec{x}, t) + \ldots \right] \right\rangle_q = \frac{\sqrt{g_{YM}^2 N_c}}{32\pi^2 |\vec{x}|^4}$ [Danielsson,Kruczenski,Keski-Vakkuri] Perfil tipo Coulomb (como se espera por invariancia (

Quark y Antiquark





Quark y Antiquark superpuestos 2 Cuerdas c/orientación opuesta

Quark-Antiquark



Quark-Antiquark = 1 Cuerda c/AMBOS extremos en z = 0 $\left\langle \operatorname{Tr}\left[F^{2}(\vec{x},t)\right]\right\rangle_{q\bar{q}} = \frac{15\Gamma(\frac{1}{4})^{4}\sqrt{g_{YM}^{2}N_{c}}d^{3}}{8(2\pi)^{5}|\vec{x}|^{7}}$ (cf. $\frac{d^{2}}{|\vec{x}|^{6}}$)

[Klebanov,Maldacena,Thorn]

a

[Callan,AG]

Quark-Antiquark





Quark-Antiquark = 1 Cuerda c/AMBOS extremos en z = 0Extremos \leftrightarrow Quarks , Cuerda \leftrightarrow Campo Gluónico (+etc.) Es decir, j'cuerda de QCD' vive en 5 (+5) dimensiones!



Potencial Quark-Antiquark





Quark-Antiquark = 1 Cuerda c/AMBOS extremos en z = 0La energía de ligado (cuerda en forma de U – 2 cuerdas verticales) conduce al **potencial quark-antiquark**

$$V_{q\bar{q}}(d) = -\frac{4\pi^2 \sqrt{g_{YM}^2 N_c}}{\Gamma(\frac{1}{4})^4 d}$$

[Rey,Yee; Maldacena]



Potencial Quark-Antiquark



Quark-Antiquark \equiv 1 Cuerda c/AMBOS extremos en z = 0

 $V_{q\bar{q}}^{T=0}(d) \propto d$ [Witten; Sonnenschein et al.; ...]

En teorías con **confinamiento**, la geometría es distinta en el IR, y la cuerda NO logra descender arbitrariamente lejos de la frontera, dando lugar entonces al comportamiento lineal esperado

Diccionario AdS/CFT

SYM $\mathcal{N} = 4$ $SU(N_c) \equiv$ Cuerdas IIB en espaciotiempo en 3+1 dim [Maldacena] asintóticamente AdS₅ × S⁵ La geometría del lado derecho es dinámica: El espaciotiempo AdS, puro corresponde al vacío de SYM Excitaciones sobre AdS₅ corresponden a otros estados Hasta ahora hemos considerado *pequeñas* excitaciones Pero también es posible mostrar que SYM hace contacto con excitaciones grandes de la geometría (y/u otros campos del fondo)

Diccionario AdS/CFT

SYM $\mathcal{N} = 4$ $SU(N_c) \equiv$ Cuerdas IIB en espaciotiempo en 3+1 dim [Maldacena] asintóticamente AdS₅ × S⁵ La geometría del lado derecho es dinámica: El espaciotiempo AdS₅ puro corresponde al vacío de SYM Excitaciones sobre AdS₅ corresponden a otros estados P.ej., agujero negro en AdS₅ corresponde a ensamble con temperatura finita

$$ds_{\text{SchwAdS}}^{2} = \left(\frac{L}{z}\right)^{2} \left[\left(-\left(1 - \frac{z^{4}}{z_{h}^{4}}\right) dt^{2} + d\vec{x}^{2} \right) + \frac{dz^{2}}{\left(1 - \frac{z^{4}}{z_{h}^{4}}\right)} dt^{2} + d\vec{x}^{2} \right] + \frac{dz^{2}}{\left(1 - \frac{z^{4}}{z_{h}^{4}}\right)} dt^{2} + d\vec{x}^{2} dt^{2} + d\vec{x}^{2} dt^{2} d$$

Diccionario AdS/CFT SYM $\mathcal{N} = 4$ $SU(N_c) \equiv$ Cuerdas IIB en espaciotiempo a T finita [Maldacena] SchwAdS₅(L, z_h)×S⁵(L)

 $T = \frac{r_h}{\pi L^2} = \frac{1}{\pi \tau} = T_H$



Plasma de gluones (+ escalares & fermiones)



Agujero (brana) negro(a) en AdS

[Witten]

Diccionario AdS/CFT SYM $\mathcal{N} = 4$ $SU(N_c) =$ Cuerdas IIB en espaciotiempo a T finita [Maldacena] SchwAdS₅(L, z_h)×S⁵(L)



 $z = z_h$

Plasma de gluones (+ escalares & fermiones)

Agujero (brana) negro(a) en AdS

Este plasma nos sirve como modelo de juguete para el plasma de quarks y gluones (QGP) que se obtiene más allá de la temperatura de desconfinamiento de QCD

La temperatura necesaria es de **billones de grados** (cien mil veces más caliente que el núcleo del Sol)

Increíblemente, se ha logrado alcanzar en el acelerador de partículas estadounidense RHIC y en el europeo LHC



QGP en RHIC (y LHC)

Au+Au (400 nucleones) 100 GeV/nucleón



www.bnl.gov/RHIC/images/movies/Au-Au_200GeV.mpeg

QGP en RHIC (y LHC)

Au+Au (400 nucleones) \rightarrow QGP \rightarrow ~5000 hadrones+etc. 100 GeV/nucleón \sim QGP \rightarrow ~2 GeV/hadrón

> Tamaño~ 10⁻¹⁴ m Duración ~ 10⁻²² s Temper. ~ 1-2 T_{desc}

www.bnl.gov/RHIC/images/movies/Au-Au_200GeV.mpeg





[Bekenstein, Hawking]





 $g_{YM}^2 N_c \ll 1 \implies$



 $g_{YM}^2 N_c \gg 1 \implies$



Predicción holográfica [Gubser,Klebanov,Peet]





 $g_{YM}^2 N_c \gg 1 \implies$

 $g_{YM}^2 N_c \ll 1 \implies$ $S_{\text{plasma}} = \frac{2\pi^2}{3} N_c^2 T^3 V \left(1 - \frac{3g_{YM}^2 N_c}{4\pi^2} + \cdots \right) \quad S_{\text{BH}} = \frac{2\pi^2}{3} N_c^2 T^3 V \left(\frac{3}{4} + \frac{45\zeta(3)}{64\sqrt{2} \left(g_{YM}^2 N_c\right)^{3/2}} \right)$

[Gubser,Klebanov,Peet; Gubser, Klebanov, Tseytlin]

[Gubser,Klebanov,Peet; Fotopoulos, Taylor]



Este es un resultado de **primeros principios** en SYM $\mathcal{N} = 4$ **fuertemente acoplada** (interesante en sí mismo)...



... que además puede pensarse como un modelo de juguete para la entropía en QGP (disponible con QCD en retícula)

QGP con QCD en la Retícula

Cálculos numéricos dan desconfinamiento a $T_c \simeq 190 \text{MeV}$



De: F. Karsch, hep-lat/0106019



QGP con QCD en la Retícula

Cálculos numéricos dan desconfinamiento a $T_c \simeq 190 \text{MeV}$



De: F. Karsch, hep-lat/0106019

Aplicación: Viscosidad ('de corte')





$$\begin{split} \eta = & \lim_{\omega \to 0} \frac{1}{2\omega} \int d^4 x \, e^{i\omega t} \left\langle \begin{bmatrix} T_{xy}(x), T_{xy}(0) \end{bmatrix} \right\rangle = & \lim_{\omega \to 0} \frac{1}{16\pi G_N} \sigma_{h_{\mu\nu}}(\omega) \\ & \text{[Kubo]} & \text{[Callan; Gubser, Klebanov, Polyakov; Witten]} \end{split}$$

Correlador de 2 puntos del tensor de energía-momento

Sección eficaz de absorción de gravitones

Aplicación: Viscosidad ('de corte')





 $g_{YM}^2 N \ll 1 \implies$ [Arnold, Moore, Yaffe]

 $\sim \frac{\hbar/k_{B}}{(g_{YM}^{2}N)^{2}\log(1/g_{YM}^{2}N)} \gg \frac{\hbar}{k_{B}} \qquad \frac{\eta}{s} = \frac{\hbar}{k_{B}} \left(\frac{1}{4\pi} + \frac{135\zeta(3)}{64\sqrt{2}\pi(g_{YM}^{2}N)^{3/2}} + \dots\right) \ll \frac{\hbar}{k_{B}}$ [Policastro, Son, Starinets; Buchel, Liu, Starinets] NO accesible con QCD en retícula ¿Comparar con experimento?

 $g_{YM}^2 N \gg 1 \implies$

Aplicación: Viscosidad ('de corte')



Correspondencia Fluidos/Gravedad



jjNavier-Stokes=Einstein!!

Aplicación: Pérdida de Energía En RHIC/LHC se observa pérdida significativa de energía de quarks que atraviesan el medio ("supresión de jets")



¿Cuánta energía pierde el quark? ¿A dónde se va esta energía?

Aplicación: Pérdida de Energía





Quark pesado en plasma de SYM ($m \gg T$)

 $= Cuerda \ vertical \ en \ Schw-AdS \\ desde \ r = r_m \ a \ r = r_h \ll r_m$

Aplicación: Pérdida de Energía





Para quark en movimiento, la cuerda cuelga detrás del extremo, y actúa como un sumidero de energía,
i.e., el quark tiene una 'cola', ¡que es la responsable de fuerza de arrastre esperada!

Tasa de Pérdida de $\frac{dE}{dx} = -\frac{\pi}{2}\sqrt{\lambda}T^2 \frac{v}{\sqrt{1-v^2}} = \frac{dp_x}{dt}$

[Herzog,Karch,Kovtun,Kozcaz,Yaffe; Gubser; Casalderrey-Solana,Teaney]

Los números otra vez dan resultados aproximadamente en el rango esperado y dan pie a modelos fenomenológicos, como p.ej.,





NOTA: las comparaciones de este tipo contra datos experimentales NO ponen a prueba a la correspondencia holográfica por sí sola, sino en combinación con las suposiciones específicas del modelo fenomenológico

La novedad importante es que gracias a la holografía ahora tenemos cierta intuición para el régimen de acoplamiento fuerte

Aplicación: Pérdida de Energía





Es posible determinar perfil de energía disipada a partir de $\langle T_{\mu\nu}(x) \rangle_{a\nu} \leftrightarrow h_{\mu\nu}(x, r = \infty)$

[Friess,Gubser,Michalogiorgakis; Friess,Gubser,Michalogiorgakis,Pufu; Yarom; Gubser,Pufu; Gubser,Pufu,Yarom; Chesler,Yaffe; Noronha,Torrieri,Gyulassy; Betz,Gyulassy,Noronha,Torrieri; etc.]

Aplicación: Pérdida de Energía

Densidad de energía en estela generada por quark [Gubser,Pufu,Yarom; Chesler,Yaffe]



De: Chesler, Yaffe, arXiv:0706.0368

Aplicación: Pérdida de Energía Densidad de energía en estela generada por quark



De: Chesler, Yaffe, arXiv:0706.0368

Aplicación: Pérdida de Energía Esto también se ha aplicado a modelos fenomenológicos



De: Betz,Gyulassy,Noronha,Torrieri arXiv:0807.4526

Aplicación Esto también se l

0.2

D.1

-1

1/N_{Trigger} dN/d(^Δψ)



De: Betz, Gyulassy, Noronha, Torrieri arXiv:0807.4526

Aplicación: Movimiento Browniano





Quark en plasma de SYM \equiv Cuerda ver plasma ($m \gg T$) desde r

 $= Cuerda \ vertical \ en \ Schw-AdS \\ desde \ r = r_m \ a \ r = r_h \ll r_m$

Esperamos que el quark experimente movimiento Browniano... ¿P

¿Pero quién hace fluctuar al extremo de la cuerda?

Aplicación: Movimiento Browniano





¡La radiación de Hawking emitida por el agujero negro (sobre el cuerpo de la cuerda)!

> [de Boer,Hubeny,Rangamani,Shigemori; Son,Teaney]

En la correspondencia norma/gravedad, j¡Hawking = Brown!!



Muchas Otras QGP-Aplicaciones...

- Apantallamiento [Liu,Rajagopal,Wiedemann; Chernicoff,García,AG; Peeters,Sonnenschein,Zamaklar; etc.]
- Velocidad límite [Argyres,Edalati,Vázquez-Poritz; Gubser; Casalderrey,Teaney; Mateos,Myers,Thomson; Ejaz et al.;etc.]
- Pérdida de energía de partones ligeros [Chesler, Jensen, Karch, Yaffe; Gubser, Gulotta, Pufu, Rocha; Arnold, Vaman, etc.]
- Plasma en expansión [Janik,Peschanski; Shuryak,Sin,Zahed; Nastase; Nakamura,Sin; Friess,Gubser,Michalogiorgiakis,Pufu; etc.]
- Plasma anisotrópico [Mateos, Trancanelli; etc.]
- Termalización [Balasubramanian et al.; Chesler, Teaney; etc.]
- Radiación Cherenkov de mesones [Casalderrey, Mateos; etc.]
- Etc.

Se han explorado aplicaciones similares a sistemas fuertemente acoplados de **materia condensada** y física atómica

[Son; Balasubramanian,McGreevy; Kachru,Liu,Mulligan; Gubser; Hartnoll,Herzog,Horowitz; Hartnoll,Polchinski,Silverstein,Tong; Sachdev; Huijse,Sachdev; Faulkner,Iqbal,Liu,McGreevy,Vegh; Denef,Hartnoll,Sachdev; Horowitz,Way; Jensen,Kachru,Karch,Polchinski,Silverstein; Faulkner,Polchinski; Huijse,Sachdev,Swingle; Hartnoll,Tavanfar; Hartnoll,Hofman,Vegh; Horowitz,Santos; etc.]

En años recientes se ha hecho también contacto con (y uso de) el área de **información cuántica**, particularmente a través de la noción de entrelazamiento ...

Entrelazamiento

2 o más objetos alejados pueden tener un comportamiento coordinado, en el sentido de que su indecisión cuántica es Compartida: [Einstein,Podolsky,Rosen]

No entrelazado $|\psi\rangle = (|\uparrow\rangle_I + |\downarrow\rangle_I) \otimes (|\uparrow\rangle_D + |\downarrow\rangle_D)$ Entrelazado $|\psi\rangle = |\uparrow\rangle_I \otimes |\downarrow\rangle_D + |\downarrow\rangle_I \otimes |\uparrow\rangle_D$

Entropía de Entrelazamiento

- Dividir al sistema cuántico en 2 subsistemas A y B
- Dado un estado, tomar traza sobre grados de libertad de B
- Grados de libertad de A se describen entonces con una matriz de densidad $\rho_{\rm A}$
- Calcular la correspondiente entropía de von Neumann

 $S_{EE}(A) = -\mathrm{Tr}(\rho_A \ln \rho_A)$



Entropía de Entrelazamiento

- Dividir al sistema cuántico en 2 subsistemas A y B
- Dado un estado, tomar traza sobre grados de libertad de B
- \bullet Grados de libertad de A se describen entonces con una matriz de densidad $\rho_{\rm A}$
- Calcular la correspondiente entropía de von Neumann $S_{EE}(A) = -\text{Tr}(\rho_A \ln \rho_A)$

P.ej.,
$$|\psi'\rangle = \frac{1}{2} \Big(|\uparrow\uparrow\rangle + |\uparrow\downarrow\rangle + |\downarrow\downarrow\rangle \Big)$$

 $= \frac{1}{2} \Big(|\uparrow\rangle + |\downarrow\rangle \Big) \otimes \Big(|\uparrow\rangle + |\downarrow\rangle \Big) \implies S_{EE} = 0$
 $|\psi''\rangle = \frac{1}{2} \Big(|\uparrow\uparrow\rangle + |\uparrow\downarrow\rangle + |\downarrow\uparrow\rangle - |\downarrow\downarrow\rangle \Big) \implies S_{EE} = \log 2$

Aplicación 3: Entrelazamiento





 $S_{EE}(A) = \operatorname{ext}_{\partial A = \partial \Sigma} \frac{\operatorname{Area}}{4G_{\Lambda}}$

[Ryu,Takayanagi; Hubeny,Rangamani,Takayanagi; Lewkowycz,Maldacena]

Entrelazamiento: propiedad inherentemente cuántica

Área: propiedad clásica

Aplicación 3: Entrelazamiento





 $S_{EE}(A) = \underset{\partial A = \partial \Sigma}{\text{ext}} \frac{\text{Area}_{\Sigma}}{4G_N} \begin{bmatrix} \text{Ryu}, \text{Takayanagi}; \\ \text{Hubeny}, \text{Rangamani}, \text{Takayanagi}; \\ \text{Lewkowycz}, \text{Maldacena} \end{bmatrix}$

Conduce a resultados (jen teorías de campos fuertemente acopladas!) que son consistentes con un número infinito de propiedades esperadas (ley de área, subaditividad fuerte, entropía térmica, contacto con anomalías, etc.) [Headrick, Takayanagi; Hayden, Headrick, Maloney; Hung, Myers, Smolkin; Casini, Huerta, Myers; Holzhey, Larsen, Wilczek; Myers, Sinha; Calabrese, Cardy; etc.]

Aplicación 4: Geometría Emergente





$$\int dx \frac{dS_{EE}(\ell)}{d\ell} \bigg|_{\ell=\ell(x)} = \frac{\operatorname{Area}_{\Sigma}}{4G_{N}}$$

[Balasubramanian,Chowdhury,Czech,de Boer, Heller; Bianchi,Myers; Myers,Rao,Sugishita; Czech,Dong,Sully;Headrick,Myers,Wien]

Aplicación 4: Geometría Emergente





$$\int dx \frac{dS_{EE}(\ell)}{d\ell} \bigg|_{\ell=\ell(x)} = \frac{\operatorname{Area}_{\Sigma}}{4G_{N}}$$

[Balasubramanian,Chowdhury,Czech,de Boer, Heller; Bianchi,Myers; Myers,Rao,Sugishita; Czech,Dong,Sully;Headrick,Myers,Wien]

¡Permite DEFINIR noción de puntos y distancia en geometría a partir de entrelazamiento en teoría de campos (con interpretación en teoría de información cuántica)! [Czech,Lamprou; Czech,Hayden,Swingle]



Existen varios otros indicios interesantes de que el entrelazamiento juega un papel crucial en el contexto de la gravedad cuántica: es el 'pegamento' entre regiones que de otro modo serían disjuntas

[Van Raamsdonk; Maldacena, Susskind; Maldacena; Czech, Karczmarek, Nogueira, Van Raamsdonk; etc.]

E incluso hay una propuesta que afirma que la correspondencia ES justamente una descripción del entrelazamiento a distintas escalas (~MERA) [Swingle; Czech; etc.]

Resumen de AdS/CFT SYM $\mathcal{N} = 4 SU(N_c) = T$. de Cuerdas IIB en aAdS₅ × S⁵

Hemos echado un vistazo a esta asombrosa correspondencia, al **diccionario** que la implementa, y a algunas de las principales líneas de **evidencia** que la apoyan

Independientemente de cualquier otra cosa, SYM es una teoría plenamente cuántica, y hemos mostrado que incluye a la gravedad, es decir, j¡que es una teoría de gravedad cuántica!!

En esta teoría, tenemos un **espaciotiempo plenamente dinámico** (solo queda fijo en la frontera, pero eso tiene justificación dinámica: fluctuaciones de estructura asintótica costarían energía infinita)

Resumen de AdS/CFT SYM $\mathcal{N} = 4$ $SU(N_c) =$ T. de Cuerdas IIB en $aAdS_5 \times S^5$ La teoría de norma incluye a mucho más que solo la gravedad, y más incluso que SUGRA: incorpora a todos los modos masivos de las cuerdas IIB, y se puede mostrar que también incluye a los correspondientes objetos no perturbativos, jcomo D-branas!

Conclusiones

- La correspondencia holográfica establece una muy 1) sorprendente equivalencia entre teorías no gravitacionales y teorías de cuerdas y/o gravedad. ¡Es en sí misma un muy interesante objeto de estudio! Esta correspondencia ya ha resultado útil como 2) herramienta para entender aspectos del comportamiento de algunas teorías fuertemente acopladas (tipo QCD, BSM, superconductores, etc.) La correspondencia define una teoría de gravedad 3) cuántica completa (para fondos con ciertas asintopias), y constituye la mejor definición no perturbativa que tenemos para la teoría de cuerdas Existen varias limitaciones: no tenemos todavía el 4) diccionario completo de esta equivalencia, ni podemos hacer cuentas directamente en los sistemas reales
- 5) ¡Falta mucho por entender y hacer!